

# 計測の定義

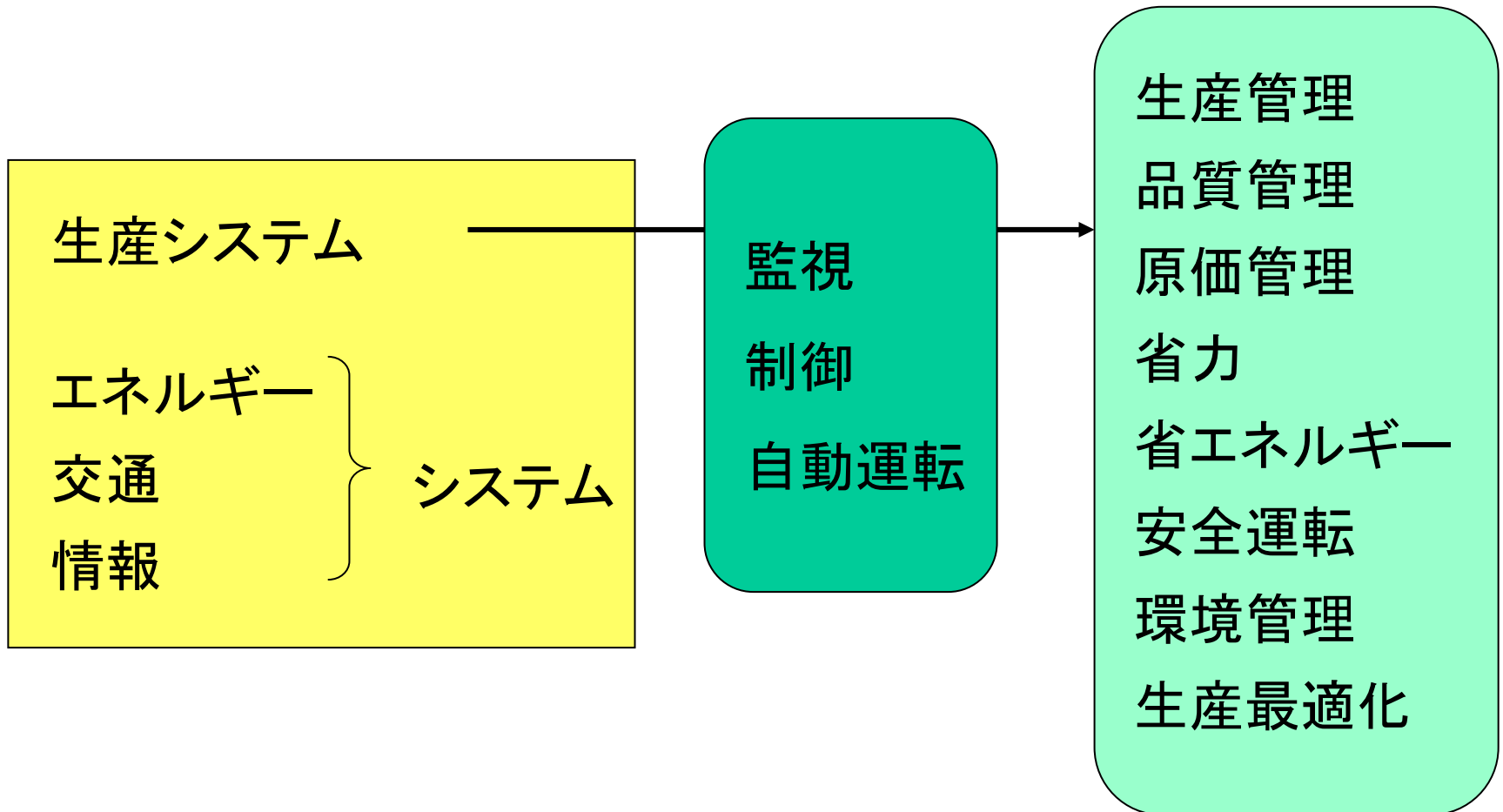
「何らかの**目的**をもって、事物を量的にとらえるための**方法**、**手段**を考究し、**実施**し、その**結果**を用いること」

たしかに測れたか

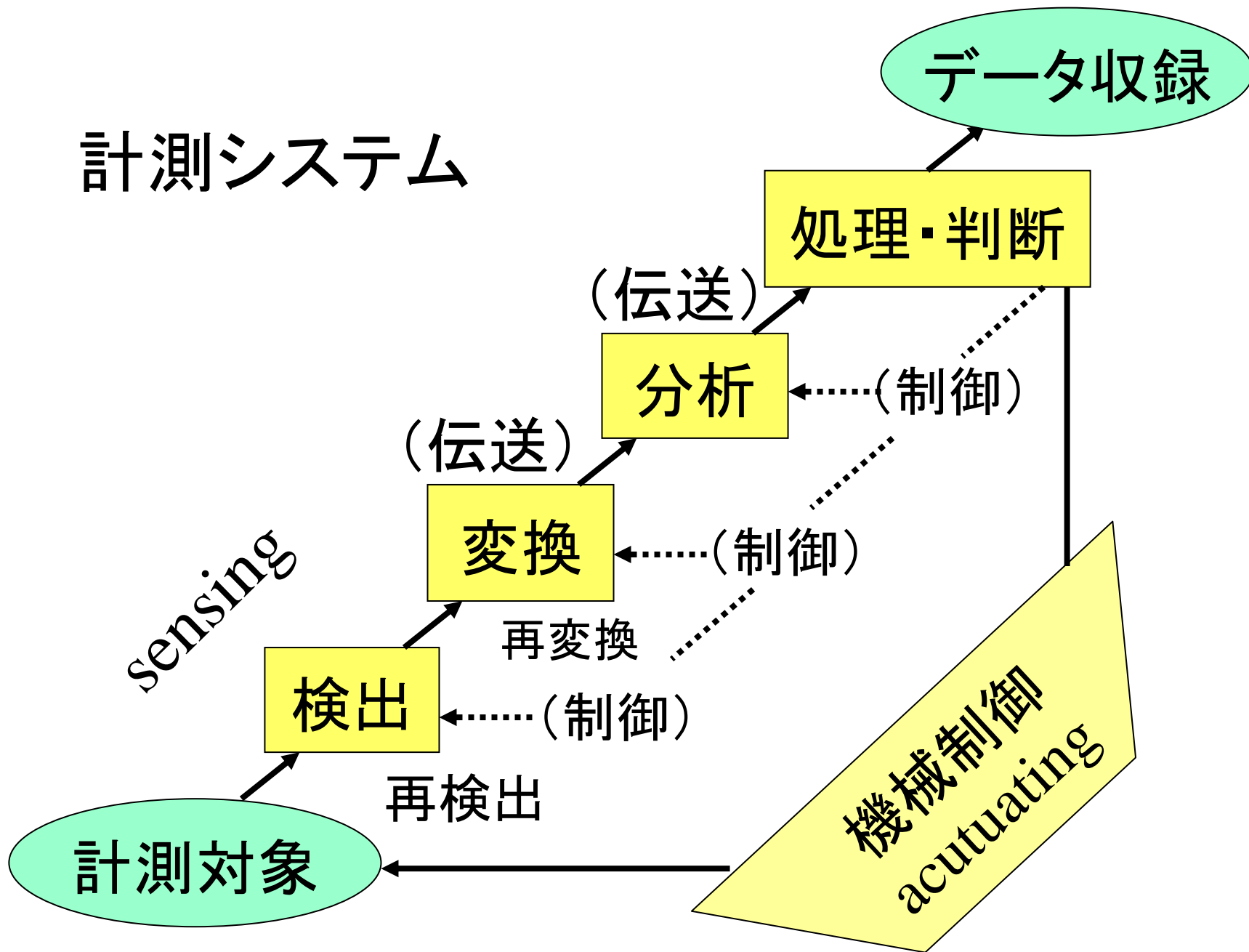
どのようにして測る

測って何がわかり  
何に役立ち

# 計測の目的



# 計測システム

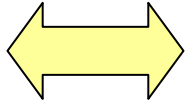


# 検出 (detection)

- (計測工学中)最も困難な課題
- 物理学, 化学, 物性学, 電子工学  
電磁気学, 材料学, 生物学,  
機械基礎学

# 変換 (signal conversion)

## [アナログ変換]

変位,  
圧力, 力  電流, 電圧,  
インピーダンス

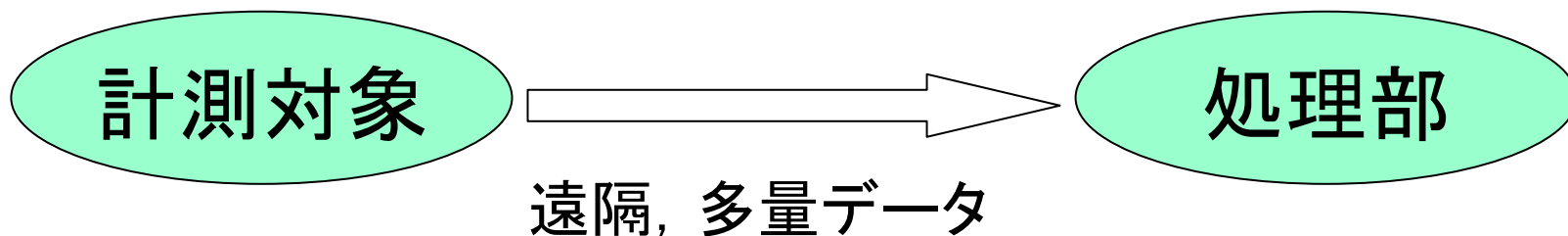
基礎学問: 力学, 機械工学, 電磁気学,  
電子回路学

## [デジタル変換]

サンプリング, 量子化

基礎学問: パルス工学, 情報処理工学

# 伝送 (transmission)



信号伝送方式

直送 (有線)

搬送 (電波)

変調: 連続波, アナログパルス, パルス符号  
デジタル, 振幅, 周波数

基礎: 電子回路学, 通信工学

空気圧, 油圧 ← 機械工学

# 分析 (analysis)

数学, 物理学, 社会構造学, 産業社会学  
経営管理学, システム工学

# 処理・判断 (treatment, judgment)

計算, 演算

基礎数学, 電子回路学, パルス工学,  
論理回路学, 論理数学, 知識工学  
人工知能



# 制御 (control)

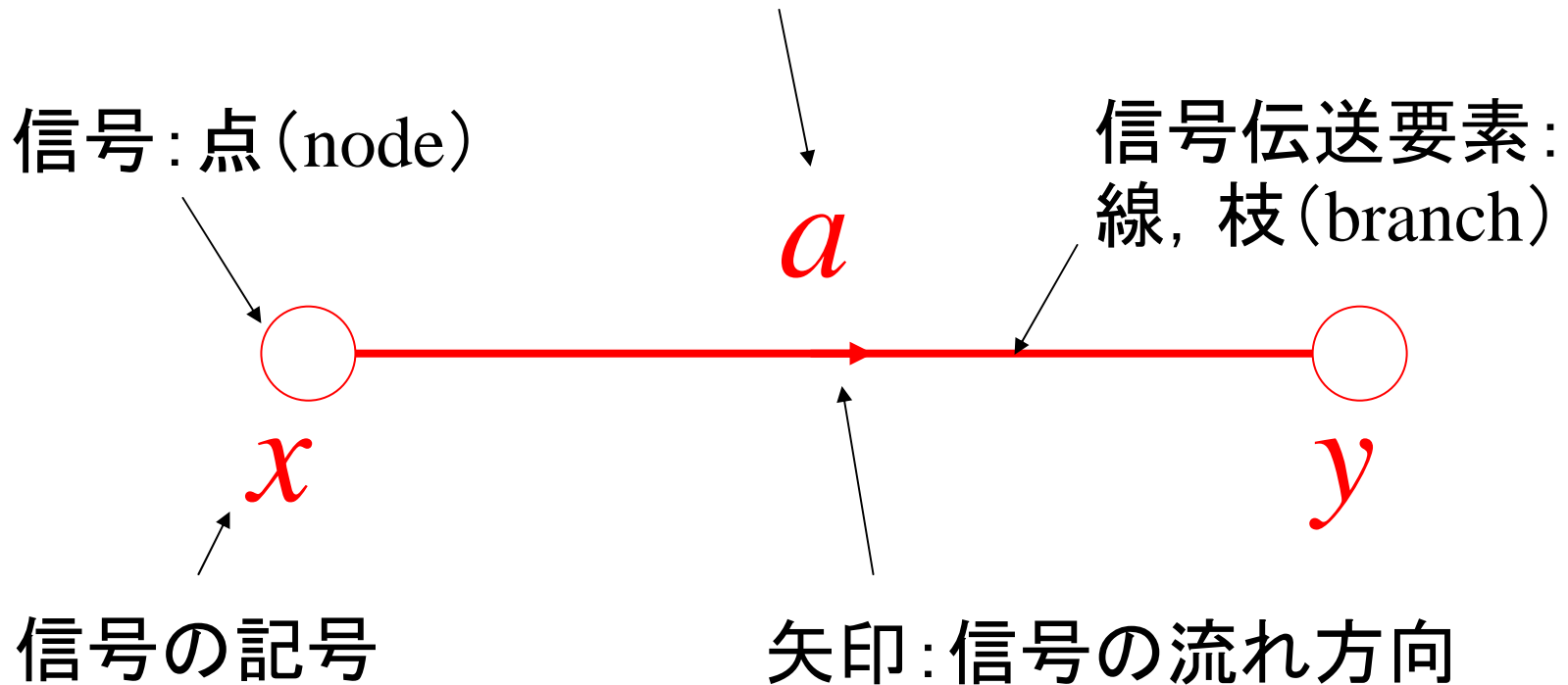
学問の更新が早い

プロセス制御理論, 最適制御理論  
適応制御理論, 多変数制御理論  
計算機制御理論

制御系解析, シミュレーション

# 信号線図 (signal flow graph)

トランスミタンス (伝達関数): 入出力の要素特性, ゲイン



$$y = ax$$

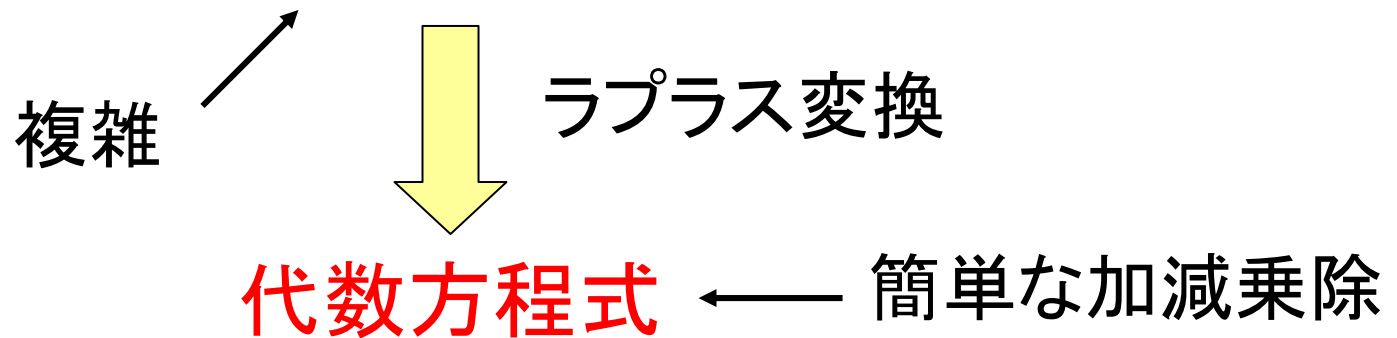
# 入出力関係は代数方程式で表される！

計測システムの過程（検出，変換，伝送）

= 計測対象の物理量のエネルギーの形態を変えること

= 何らかの物理現象への入出力を利用

= 物理現象は微分，積分方程式で表示



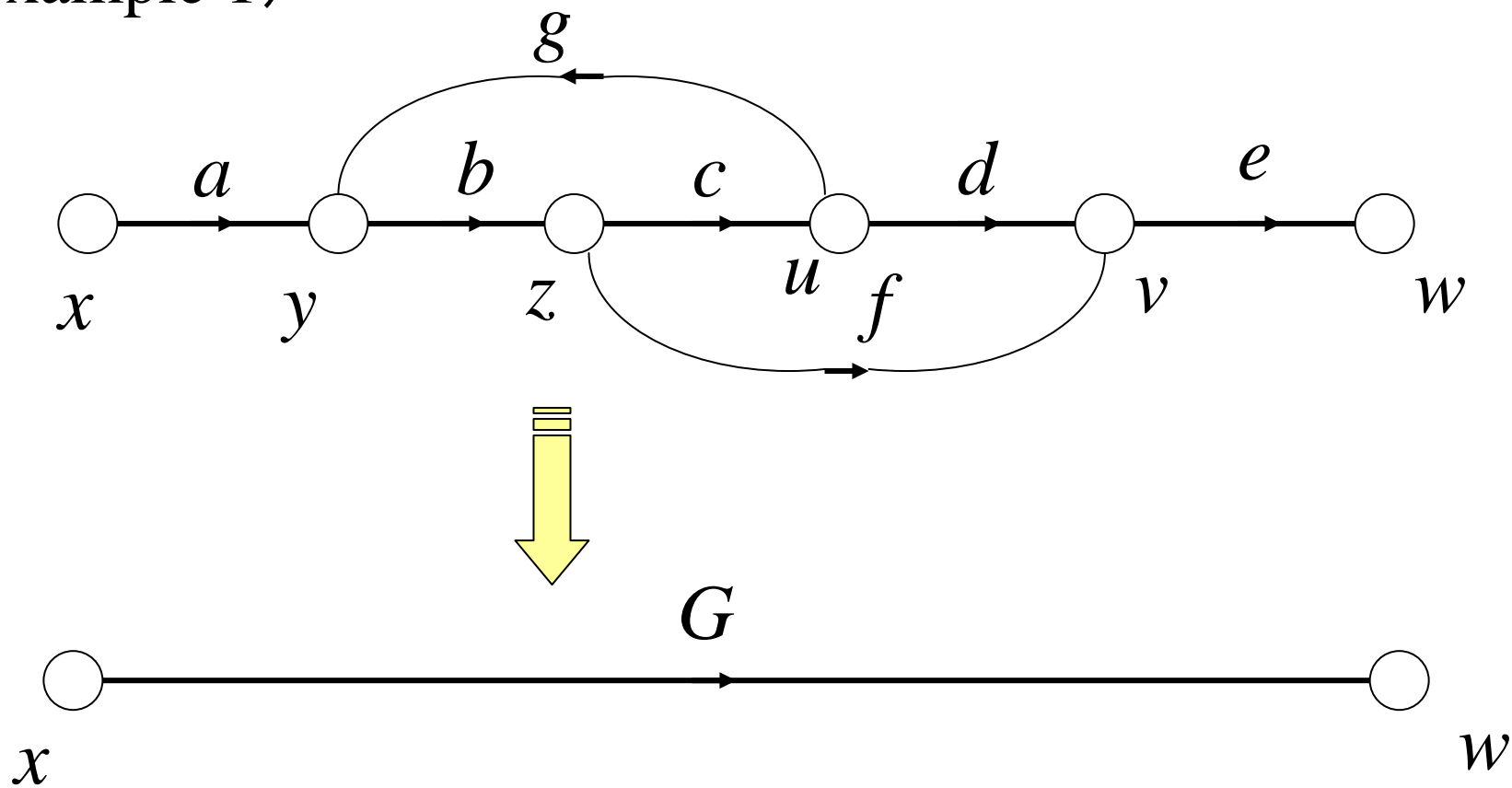
(注) 制御工学と同様

# 信号線図を描く

⇒ 途中の信号を消去

⇒ 入出力信号の間のトランスミタンス・ $G$   
(グラフゲイン)

(example 1)



# 入出力間のトランスミタンスを求める方法

(1) 途中の信号を1つ1つ消去

(2) ルールにしたがって求める

(i) 入出力間は幾つかのパス (path) からなる  
各パス毎にゲイン  $P_i$  を求める.  $\rightarrow$  積

$$P_i = a \cdot b \cdots d$$

(ii) パスにゲイン  $L_i$  のループがある場合には  
各パスのゲインに  $1/(1-L_i)$  を掛ける.

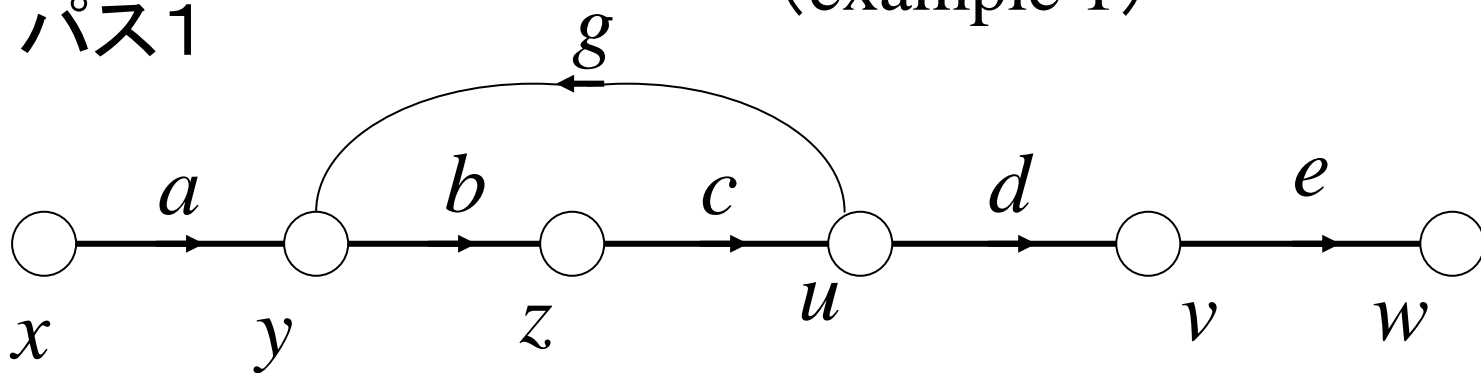
$$G_i = P_i / (1 - L_i)$$

(iii) 全てのパスのゲインの和  $\rightarrow$  全体トランスミタンス

$$G = \sum G_i$$

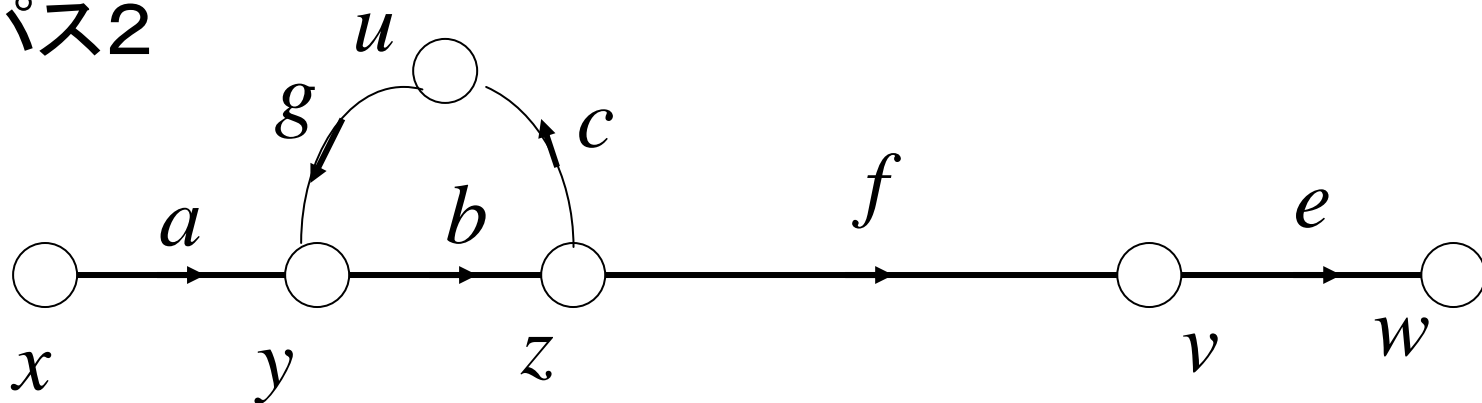
(example 1)

パス1



$$G_1 = \frac{abcde}{1-bcg}$$

パス2



$$G_2 = \frac{abef}{1-bcg}$$

$$G = G_1 + G_2 = \frac{abe(dc + f)}{1-bcg}$$

(3) 各信号間の代数関係式を用いる  
(example 1 の場合)

各信号間で次式を得る  $y = ax + gu$

$$z = by$$

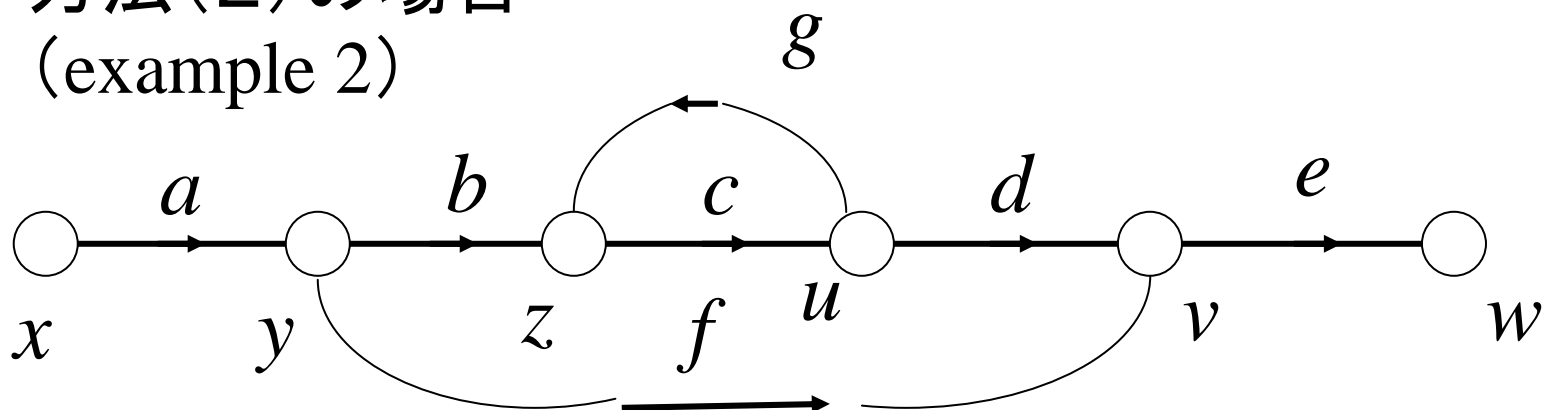
$$v = du + fz$$

$$w = ev$$

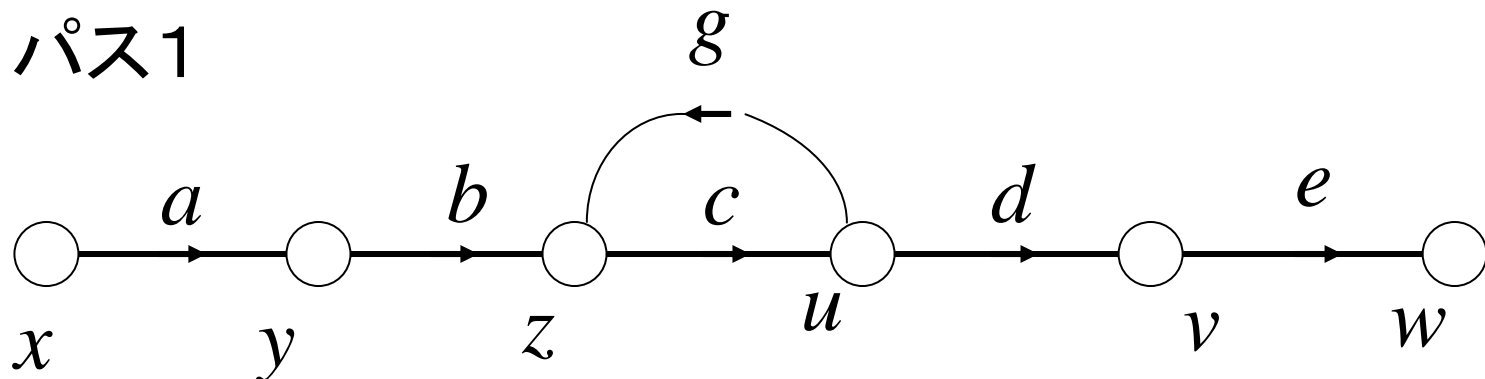
これらを解いて

$$G = \frac{w}{x} = \frac{abe(dc + f)}{1 - bcg}$$

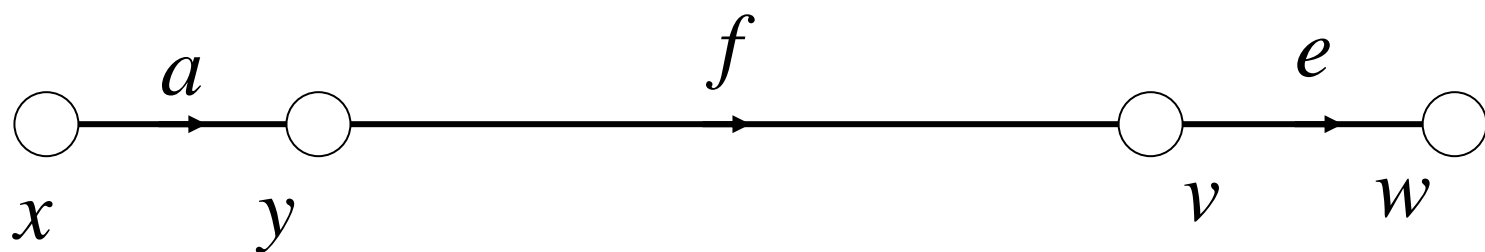
方法(2)の場合  
(example 2)



パス1



パス2



= { +



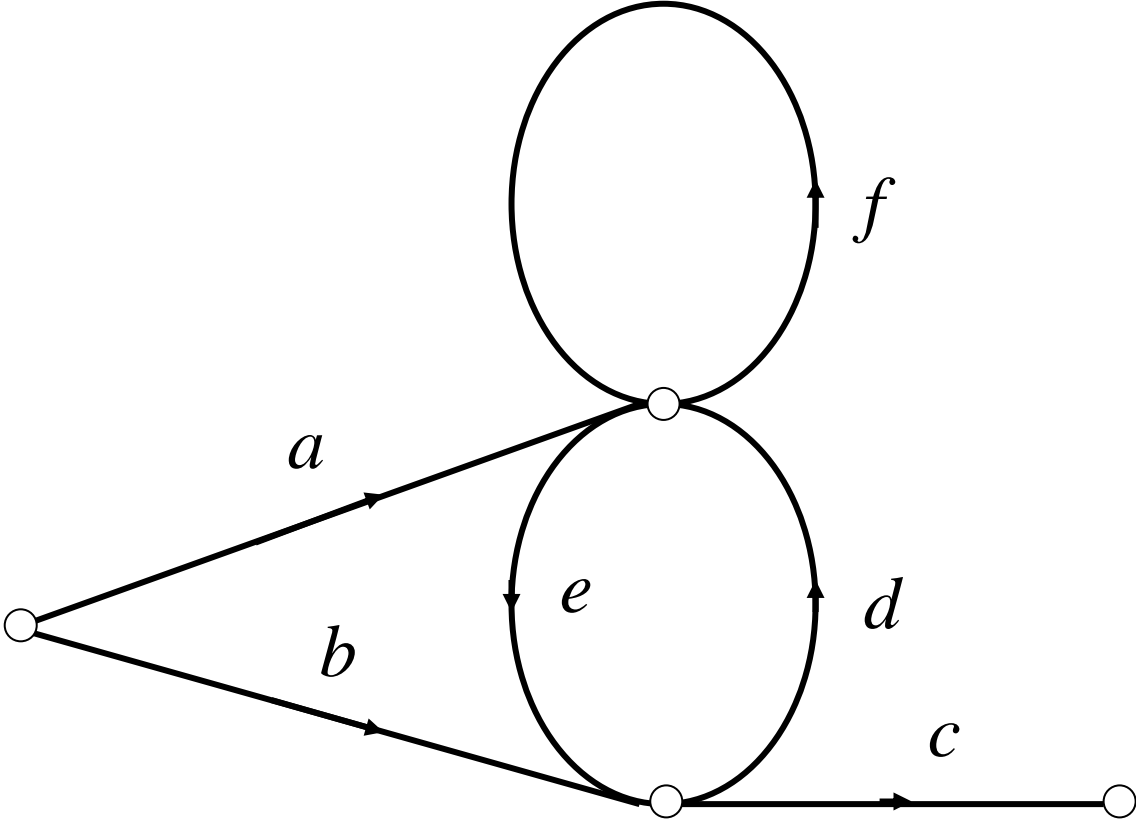
パス1のゲイン:  $G_1 = abcde \frac{1}{1 - cg}$

パス2のゲイン:  $G_2 = afe$

全体のトランスミタンス:  $G = G_1 + G_2$

$$\begin{aligned} &= ae \left( \frac{bcd}{1 - cg} + f \right) \\ &= \frac{ae \{ bcd + f(1 - cg) \}}{1 - cg} \end{aligned}$$

example 3



# 公式(1.4)

$$\begin{aligned} G &= \sum G_k = \sum P_k / (1 - L_k) \\ &= \sum \frac{P_k}{(1 - L_k)} \frac{(1 - L_1) \cdots (1 - L_n)}{(1 - L_1) \cdots (1 - L_n)} \\ &= \frac{\sum P_k \cdot (1 - L_1) \cdots (1 - L_n) / (1 - L_k)}{(1 - L_1) \cdots (1 - L_n)} = \frac{\sum P_k \cdot \Delta_k}{\Delta} \end{aligned}$$

したがって,

$$\begin{aligned} \Delta &= (1 - L_1) \cdots (1 - L_n) \\ &= 1 - (L_1 + \cdots + L_n) + (L_1 L_2 + \cdots + L_1 L_n + \cdots + L_{n-1} L_n) - (L_1 L_2 L_3 + \cdots) + \cdots \\ &= 1 - \sum_i L_i + \sum_{i,j} L_i L_j - \sum_{i,j,k} L_i L_j L_k + \cdots \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta_k &= (1 - L_1) \cdots (1 - L_{k-1}) (1 - L_{k+1}) \cdots (1 - L_n) \\ &= \Delta \quad \text{で} \quad (1 - L_k) \rightarrow 1 \quad \text{すなわち,} \quad L_k = 0 \end{aligned}$$

## 公式(1.8)

トランスミタンスを次式におく

$$G = \frac{g(a, b, c, \dots)}{f(a, b, c, \dots)}$$

各要素は分子, 分母ともに1次であり,  $a$  に着目すると次式となる.

$$f(a, b, c, \dots) = a \cdot f_1(b, c, \dots) + f_2(b, c, \dots)$$

$$g(a, b, c, \dots) = a \cdot g_1(b, c, \dots) + g_2(b, c, \dots)$$

$$\begin{aligned}
S_a^G &= \frac{\partial G}{\partial a} \cdot \frac{a}{G} = \left( \frac{1}{f} \cdot \frac{\partial g}{\partial a} - \frac{g}{f^2} \cdot \frac{\partial f}{\partial a} \right) \cdot \frac{f}{g} \cdot a = \frac{a}{g} \cdot \frac{\partial g}{\partial a} - \frac{a}{f} \cdot \frac{\partial f}{\partial a} \\
&= \frac{ag_1}{g} - \frac{af_1}{f} = \frac{g - g_2}{g} - \frac{f - f_2}{f} = \frac{f_2}{f} - \frac{g_2}{g} \\
&= \frac{f(0, b, c, \dots)}{f(a, b, c, \dots)} - \frac{g(0, b, c, \dots)}{g(a, b, c, \dots)} \\
&= \frac{\text{分母で } a = 0}{\text{分母}} - \frac{\text{分子で } a = 0}{\text{分子}}
\end{aligned}$$

# 信号線図を用いての解析

- (1) 計測に関わる物理現象の数学モデル
  - 信号線図の作成
  - ⇒ 計測システムの見通しが明確化
- (2) 入出力間のトランスミタンスの算出
- (3) 計測システムの把握
  - システム特性
  - トランスミタンスに対する各要素の感度
  - (注) 時系列で見ると, 出力信号  $\neq$  入力信号
- (4) 計測システムの改善

# 可動コイル電圧計に関する物理現象

## (1)トルクのつりあい

### 作用トルク

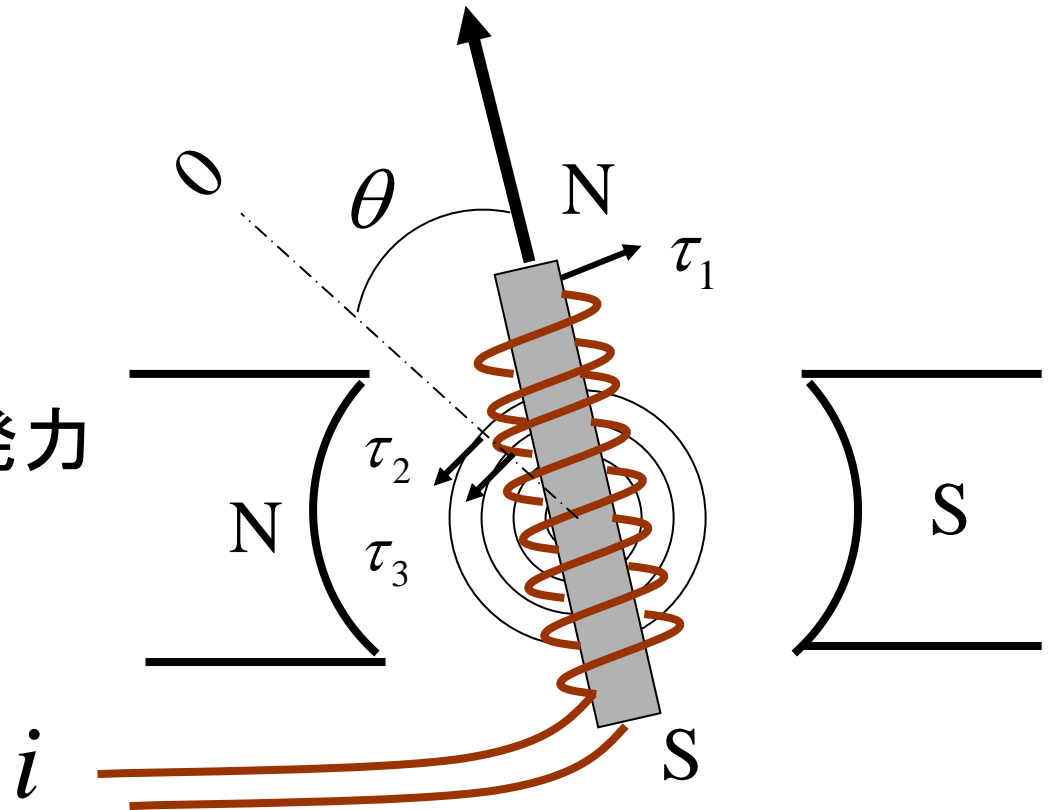
$$\tau_1 = K_1 \cdot i: \quad \text{磁気反発力}$$

$$\tau_2 = K \cdot \theta: \quad \text{ばね力}$$

$$\tau_3 = D_1 \cdot \dot{\theta}: \quad \text{ダンパ}$$

### トルクの運動方程式

$$J \cdot \ddot{\theta} = \tau = \tau_1 - (\tau_2 + \tau_3) = K_1 \cdot i - (K \cdot \theta + D_1 \cdot \dot{\theta})$$

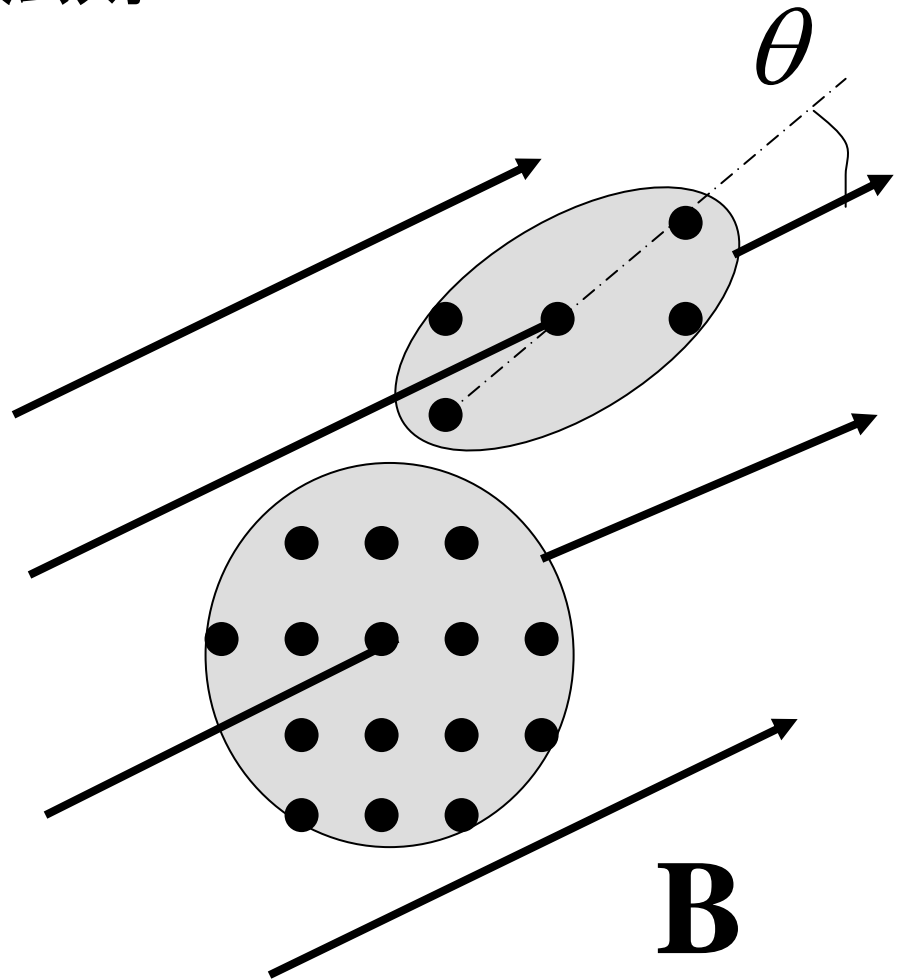


## (2) 電磁気学に関する法則

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{d\mathbf{B}}{dt}$$

$$|\mathbf{B}| \propto \theta$$

$$\therefore v = v_0 - D_2 \dot{\theta}$$

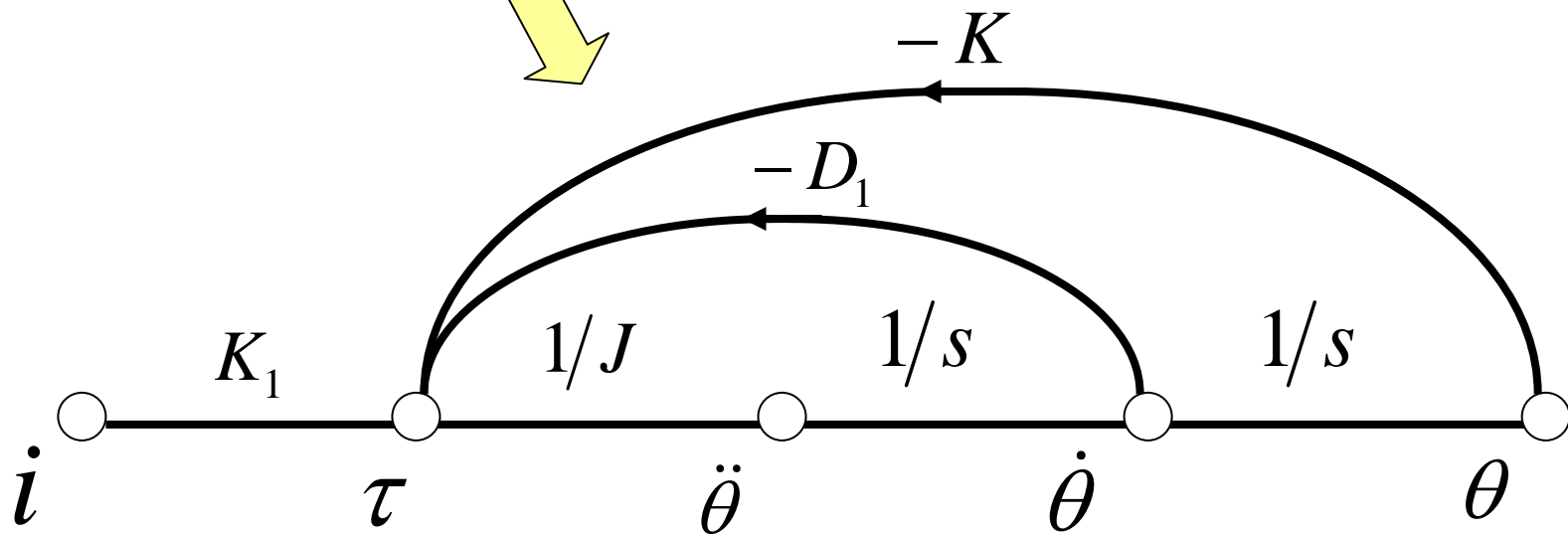
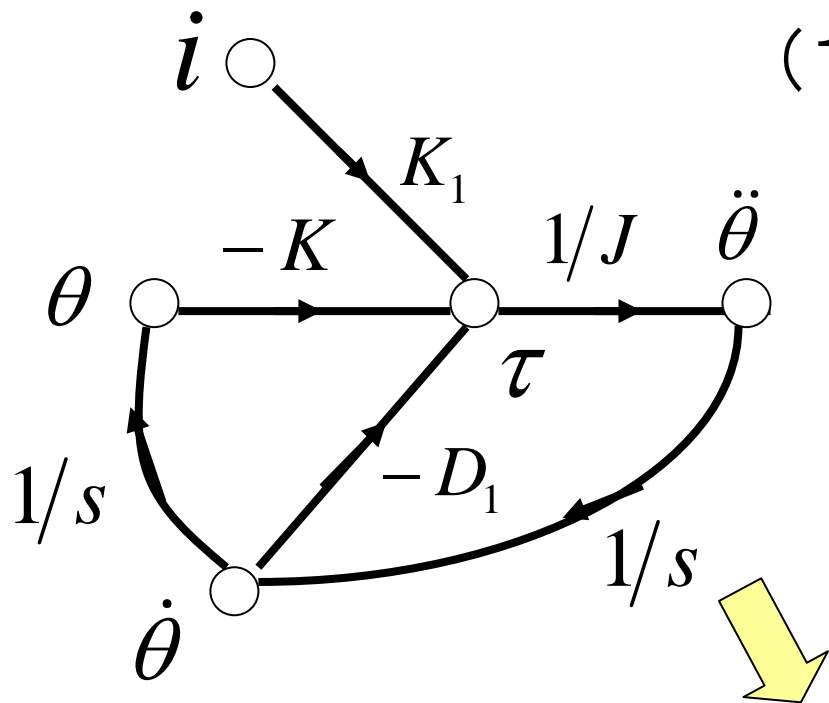




# 信号線図の作成

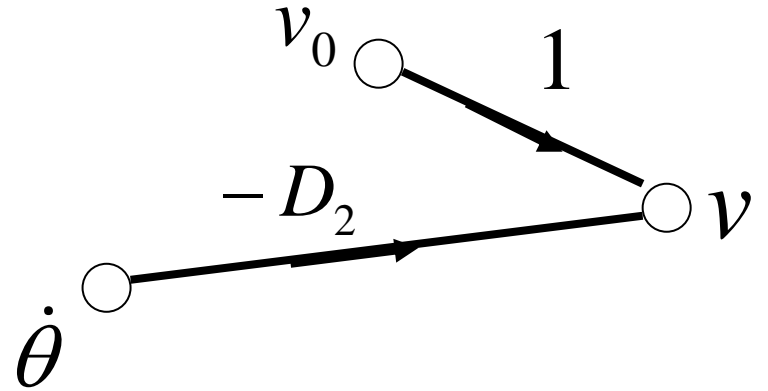
(1)トルクに関する運動方程式

$$J\ddot{\theta} = \tau = K_1 i - (K\theta + D_1\dot{\theta})$$



## (2) 電磁気学の関係

$$v = v_0 - D_2 \dot{\theta}$$



## (3) 可動コイル電圧計の信号線図のまとめ

